

Яндутова Людмила Анатольевна

Муниципальное общеобразовательное учреждение

«Основная общеобразовательная школа

с. Калмантай Вольского района Саратовской области»

УРОК – ИССЛЕДОВАНИЕ: ТРЕУГОЛЬНИКИ

Цели урока:

1. Направить деятельность учеников на исследование закономерностей между данными задачи; отработать умение делать логические выводы из полученных результатов;

2. Формировать умение наблюдать, подмечать закономерности, обобщать, проводить рассуждения по аналогии.

3. Воспитывать сознательное отношение к учёбе, способность к самовыражению.

Тип урока-урок–исследование при повторении, обобщении знаний.

ХОД УРОКА:

I. Организационный момент

(На доске записана тема урока, нарисован рисунок и условие задачи).

II. Актуализация знаний учащихся.

- Мы закончили изучение планиметрии – раздела геометрии, в котором изучаются фигуры на плоскости; скоро нужно будет сдавать экзамен за 9-ый класс, поэтому повторим одну из важнейших тем геометрии – «Треугольники».



Закончите предложение.

1. Фигура, которая состоит из трех точек, не лежащих на одной прямой, и трех отрезков, попарно соединяющих эти точки называется...

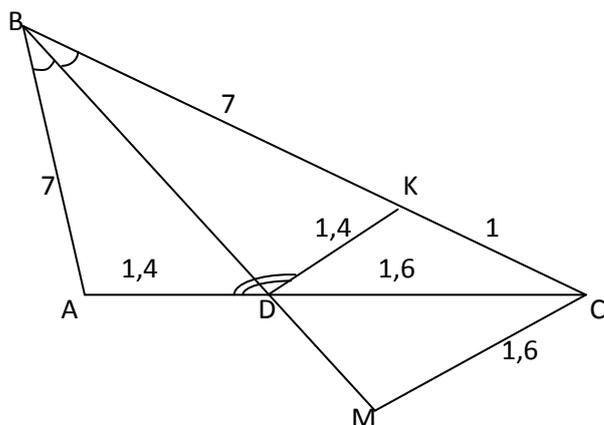
2. Треугольники бывают ... , 3. Треугольники называются равными ...

4. Существуют следующие признаки равенства треугольников: ...

III. Решение задач

Дано: $\triangle ABC$; $AB=7$, $BC=8$, $AC=3$; BD – биссектриса; $\angle BDA = \angle BDK$ $MC \parallel DK$.

Прочитайте условие задачи. Что нам дано? Что называется биссектрисой?



1. Докажите, что $\triangle BDA = \triangle BDK$

- Каким признаком равенства мы воспользуемся для доказательства ?

А) $\angle ABD = \angle CBD$, так как BD – биссектриса по условию.

Б) $\angle BDA = \angle BDK$ по условию; В) BD – общая сторона.

$\triangle BAD = \triangle BDK$ по стороне и двум прилежащим к ней углам.

Итак, мы доказали, что $\triangle BAD = \triangle BDK$, следовательно, соответствующие элементы этих треугольников равны, то есть $AB = BK$, $AD = DK$, $\angle BAD = \angle BKD$

2. Докажите, что $\triangle BCM \sim \triangle BAD$.

1) что нужно использовать (знать), чтобы доказать, что треугольники подобны? 2) перечислите признаки подобия треугольников.

$\angle ABD = \angle CBM$, так как BD – биссектриса;

$MC \parallel DK$, следовательно, $\angle BDK = \angle BMC$. $\triangle BCM \sim \triangle BAD$ (по двум углам)

Итак, $\triangle BCM \sim \triangle BAD$, но так как $\triangle BAD = \triangle BDK$, то $\triangle BDK = \triangle BMC$.

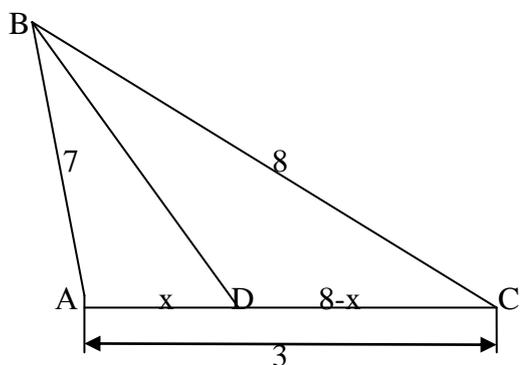
3. Найдите отрезок MC . 1) Найти MC значит узнать его величину.

2) Как проведен отрезок MC ? ($MC \parallel DK$)

3) Что используем для нахождения MC ? Имеем: $\frac{BD}{BM} = \frac{BK}{BC} = \frac{DK}{MC}$; $BK=7$,
 $BC=8$, $DK=AD$; MC - ?

Чтобы найти AD , (биссектриса треугольника делит противоположную сторону на отрезки, пропорциональные двум другим сторонам.)

$$\frac{AB}{AD} = \frac{BC}{DC}, \quad \frac{7}{x} = \frac{8}{8-x}$$



$$MC = \frac{8 \cdot 1,4}{7} = 1,6$$

4. Найдите, чему равно отношение площадей $S_{\triangle DBK}$ и $S_{\triangle MBC}$.

Площади подобных фигур относятся как квадраты их соответствующих линейных размеров. $\triangle DBK \sim \triangle MBC$; $\frac{AB}{BC} = \frac{7}{8} \Rightarrow \frac{S_{\triangle DBK}}{S_{\triangle MBC}} = \frac{49}{64}$.

5. Найдите площадь треугольника ABC .

$$S = \sqrt{p(p-a)(p-b)(p-c)}, \quad p = \frac{a+b+c}{2}. \quad p=9, \quad S = 6\sqrt{3}.$$



6. Найдите величину угла C . Т.косинусов: $a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos \alpha$;

Рассмотрим треугольники ABC и найдём $\cos C$. Имеем:

$$\Delta ABC: \cos C = \frac{AK^2 + BC^2}{2 BC \cdot AC} = \frac{1}{2} \Rightarrow \angle C = 60^\circ$$

IV. Домашнее задание: **7.** Найдите величину биссектрисы BD .

Вспомнить теорему косинусов **8.** Вспомнить теорему синусов.

V. Итог урока: Итак, мы записали условие одной задачи, а на самом деле решили 8 задач, то есть повторили все, что знаем по теме «Треугольники».

